

Ⅰ ~ Ⅲ の解答は，すべて解答用紙の所定の欄に記入しなさい。

解答にあたっては次の点に注意しなさい。

(1) 解答用紙には，特に指示がなければ，答えのみを記入しなさい。計算過程を示す必要はありません。

(2) 答えはすべて解答しなさい。

【問題例】等式 $(a - 1)(a - 3) = 0$ を満たす a の値を答えなさい。

【解答例】 $a = 1, 3$

(3) 答えは，

- 根号を含む場合は，根号の中に現れる自然数が最小になる形にする
- 分数はそれ以上約分できない形にする
- 分数の分母は有理化する
- 同類項はまとめる

など，簡潔な形で解答しなさい。

I 次の空欄 ア ~ エ にあてはまる数を答えなさい。 [配点 20]

(1) 等式 $\int_1^2 (x^2 + ax - 2)dx = 0$ を満たす定数 a の値は ア である。

(2) n を自然数とする. xy 座標平面上の放物線 $y = nx^2 + (2n - 3)x + 5$ と直線 $y = 2x - 3$ が異なる 2 点で交わるための最小の自然数 n は イ である。

(3) 平面上の点 O を中心とする半径 $\frac{3}{2}$ の円周上に 3 点 A, B, C があり, $3\vec{OA} - 4\vec{OB} + 3\vec{OC} = \vec{0}$ を満たしている. このとき, 線分 AC の長さは ウ である。

(4) 人の体内で 1000 万個以上に増殖すると, 食中毒を発症させる細菌があるとす。この細菌は体内で 20 分ごとに分裂して個数が 2 倍になる。この細菌が 10 個付着した食品を摂取してしまったとき, 食中毒を発症するのは, その食品を摂取してから エ 時間後である。ただし, この細菌は一度体内に入れると, 体外へ排出されないものとする。なお, 答えは小数点以下を四捨五入して, 整数で答えなさい。また, 必要であれば, $\log_{10} 2 = 0.3010$, $\log_{10} 3 = 0.4771$, $\log_{10} 7 = 0.8451$ として, 計算しなさい。

(下書き用紙)

Ⅱ 次の問いに答えなさい。

[配点 25]

- (1) a を $a \neq 1$ の正の定数とする. 不等式 $a^{2x} - (a+1)a^{x+1} + a^3 \leq 0$ を満たす x の範囲を求めなさい. なお, この問いは答えを導く過程も示しなさい.
- (2) $-\pi \leq \theta < \pi$ とする. 不等式 $3 \sin\left(\frac{\pi}{3} - \theta\right) - 2\sqrt{3} \cos \theta > 0$ を満たす θ の範囲を答えなさい.
- (3) 自然数の列 $1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, \dots$ から 4 の倍数を除いて得られる数列を $\{a_n\}$ とする.
- (i) a_{23} の値を答えなさい.
- (ii) $\sum_{k=1}^n a_k$ の値が 2400 より大きくなる最小の自然数 n を答えなさい.

(下書き用紙)

Ⅲ

次の問いに答えなさい。

[配点 30]

- (1) 関数 $f(x) = x(x+2)(x-5)$ において、2 つの実数 a, b を次のように定める。

『 $f(x)$ が極大となる x の値を a とし、 $f(x) = f(a)$ を満たす a とは異なる x の値を b とする.』

- (i) 次の 5 つの数, $0, -2, 5, a, b$ を小さい順に並べなさい (a, b の値を求める必要はありません).
- (ii) 次の 5 つの数, $f(-\sqrt{2}), f(0), f(\sqrt{2}), f(a), f(b+\sqrt{2})$ を小さい順に並べなさい (値を求める必要はありません).
- (iii) xy 座標平面上の曲線 $y = f(x)$ を C , C の接線を l とする. 接点以外の C と l の交点の x 座標が 5 であるとき, l を表す方程式を答えなさい.

- (2) $AB = \sqrt{13}$, $BC = 3$, $\cos \angle ABC = \frac{\sqrt{13}}{13}$ の $\triangle ABC$ がある. 点 D を辺 BC 上に $AB = AD$ となるようにとり, $\triangle ACD$ の外接円 O と辺 AB との交点のうち, A でない方を E とする.

- (i) 線分 BD の長さは線分 BC の長さの何倍かを答えなさい.
- (ii) $\triangle EBD$ の面積は $\triangle ABC$ の面積の何倍かを答えなさい.
- (iii) 外接円 O の半径を答えなさい.

(下書き用紙)

(下書き用紙)