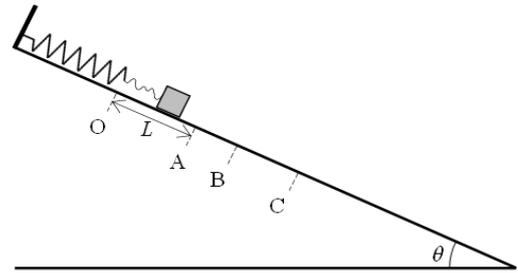


物 理

I 図のように、水平面との角度が θ [rad] をなしているなめらかな斜面上に、ばね定数 k [N/m] の軽いばねの上端を固定した。ばねが自然長のときの下端の位置を点 O とする。ばねの下端には、質量 m [kg] の物体を長さ L [m] の軽い糸でつなぎ、この物体を手で支えて点 O に静止させておいた。その後、物体から手を静かにはなすと、物体は



点 O から斜面に沿って下方に滑り出し、点 A で糸がぴんと張り、物体はさらに下方に滑っていった。やがて物体の速さは点 B で最大になり、その後、物体は最下点 C に到達した。

糸の伸びは無視できるものとし、重力加速度の大きさを g [m/s²] として、以下の問に答えよ。

- (1) 物体が、最初の位置 O から点 A に達するまでにかかった時間はいくらか。
- (2) 点 A を通過するときの物体の速さはいくらか。
- (3) 点 A から点 B までの距離はいくらか。
- (4) 物体が BC 間を移動するのににかかった時間はいくらか。
- (5) AB 間の距離を d [m] として、BC 間の距離を d と L を用いて表せ。

II 水面上の2点 W_1 、 W_2 を振動させると、これらの点を波源とする水面波が波長 λ [m] で広がっていく様子が観測された。2つの波源は、 xy 座標上の $W_1(\lambda, 0)$ 、 $W_2(-\lambda, 0)$ の位置にあり、同位相で周期 T [s]、振幅 A [m] の単振動をしている。その時刻 t [s] での変位 z [m] はどちらも $z = A \sin \frac{2\pi}{T} t$ で与えられるものとする。水面は十分に広く、水面波は正弦波とみなせ、その振幅の減衰は無視できるものとする。座標に用いる位置の単位は [m] とし、以下の文の空欄に適当な式や数値をいれよ。

水面波は、速さ ① [m/s] で水面上を広がっていくので、波源 W_1 の振動が、点 $R(x, y)$ まで伝わるのにかかる時間は ② [s] である。水面上に、波源 W_1 のみが存在すると考えると、時刻 t での点 R での変位 z_1 [m] は、 $z_1 = A \sin\left\{\frac{2\pi}{T} \times (\text{③})\right\}$ と表せる。

2つの波源 W_1 、 W_2 がある場合は、時間経過によらず常に変位ゼロの点が存在する。そのような点のうち、 $x = \lambda$ 、 $y > 0$ を満たす直線上にあるものを全て挙げると、その点の y 座標は ④ となる。2つの波源からの距離の差が一定で、常に変位ゼロの点をつないだ曲線（節線）は、水面上に ⑤ 本ある。

次に、 W_1 と W_2 による合成波の y 軸上での変位を考える。時刻 t に y 軸上の点 $(0, y)$ で観測される合成波の変位 z_c [m] は、 $z_c = \text{⑥}$ で表せる。原点が合成波の山になる時刻は、整数 n を用いて $(\text{⑦}) \times T$ で表すことができる。その時刻に、 $y > 0$ の y 軸上で、合成波が山になっている点の y 座標を、原点に近い方から2つ挙げると ⑧、⑨ となる。

Ⅲ 断面積 S [m²]、長さ L [m] の導体の両端に電圧 E [V] の電池が接続されている。導体内の単位体積あたりの自由電子の数を n [個/m³]、自由電子の平均の速さを v [m/s]、電気素量を e [C] として以下の間に答えよ。

- (1) 導体を流れる電流の大きさを表せ。
- (2) 導体中の電場の強さを表せ。
- (3) 導体中の自由電子は電場により静電気力を受けて加速するが、導体内の原子との衝突により逆向きに静電気力とつりあう抵抗力 kv [N] を受け、速さ v で等速運動をするとみなすことができる。 v を L 、 E 、 e 、 k で表せ。
- (4) 電気抵抗を S 、 L 、 n 、 e 、 k で表せ。
- (5) 導体の体積を変化させずに電気抵抗を x 倍にしたい。導体の断面積と長さをそれぞれ何倍にすればよいか。